

# 3次元スピニンググラスの マルチカノニカル・ モンテカルロ計算

羽田野 直道<sup>A,B</sup>

James E. Gubernatis<sup>B</sup>

<sup>A</sup>青山学院大学・物理

<sup>B</sup>*Los Alamos National Laboratory*

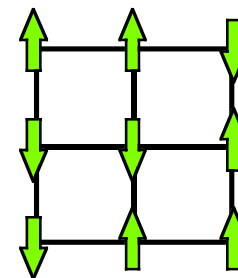
# ±J 模型

$$H = - \sum_{\alpha=1,2} \sum_{\langle i,j \rangle} J_{ij} \sigma_i^{(\alpha)} \sigma_j^{(\alpha)}$$

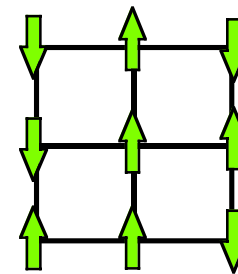
$$J_{ij} = \pm 1 (\text{固定})$$

オーバーラップ秩序変数

$$q = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N \sigma_i^{(1)} \sigma_i^{(2)}$$



replica 1



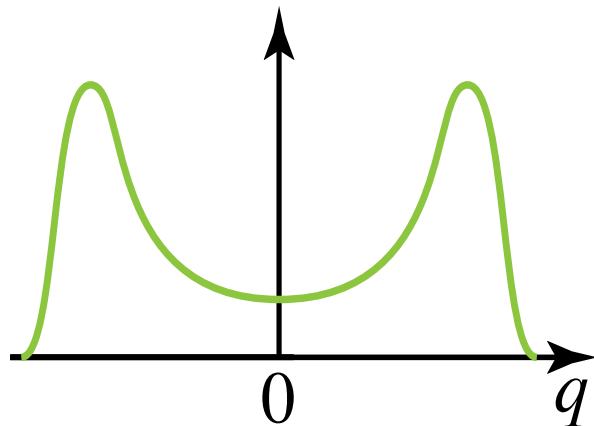
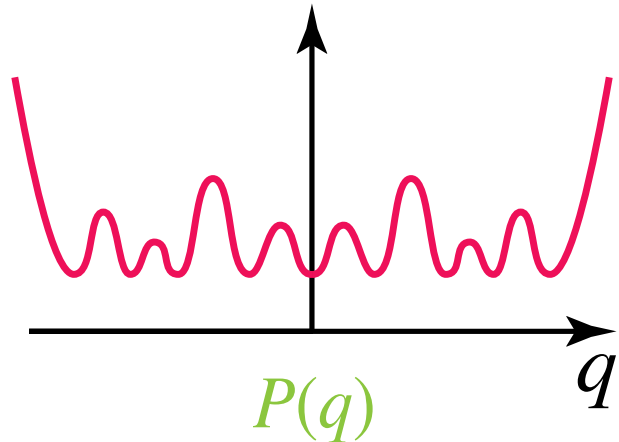
replica 2

# 低温相の性質

## 平均場描像

(Parisi *et al.*)

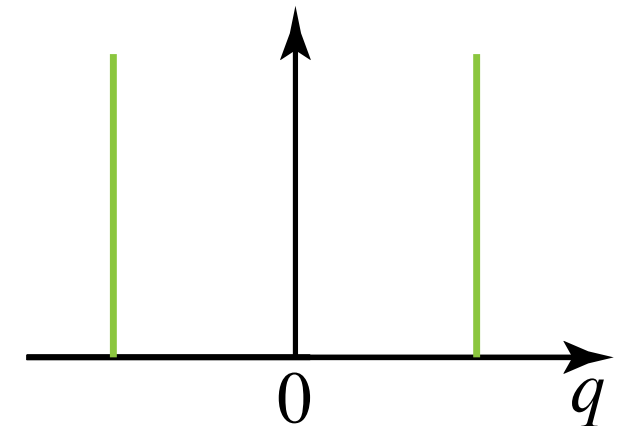
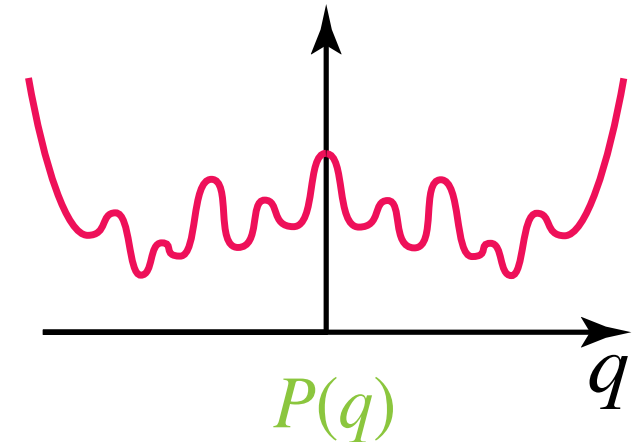
自由エネルギー



## 液滴描像

(Fisher & Huse)

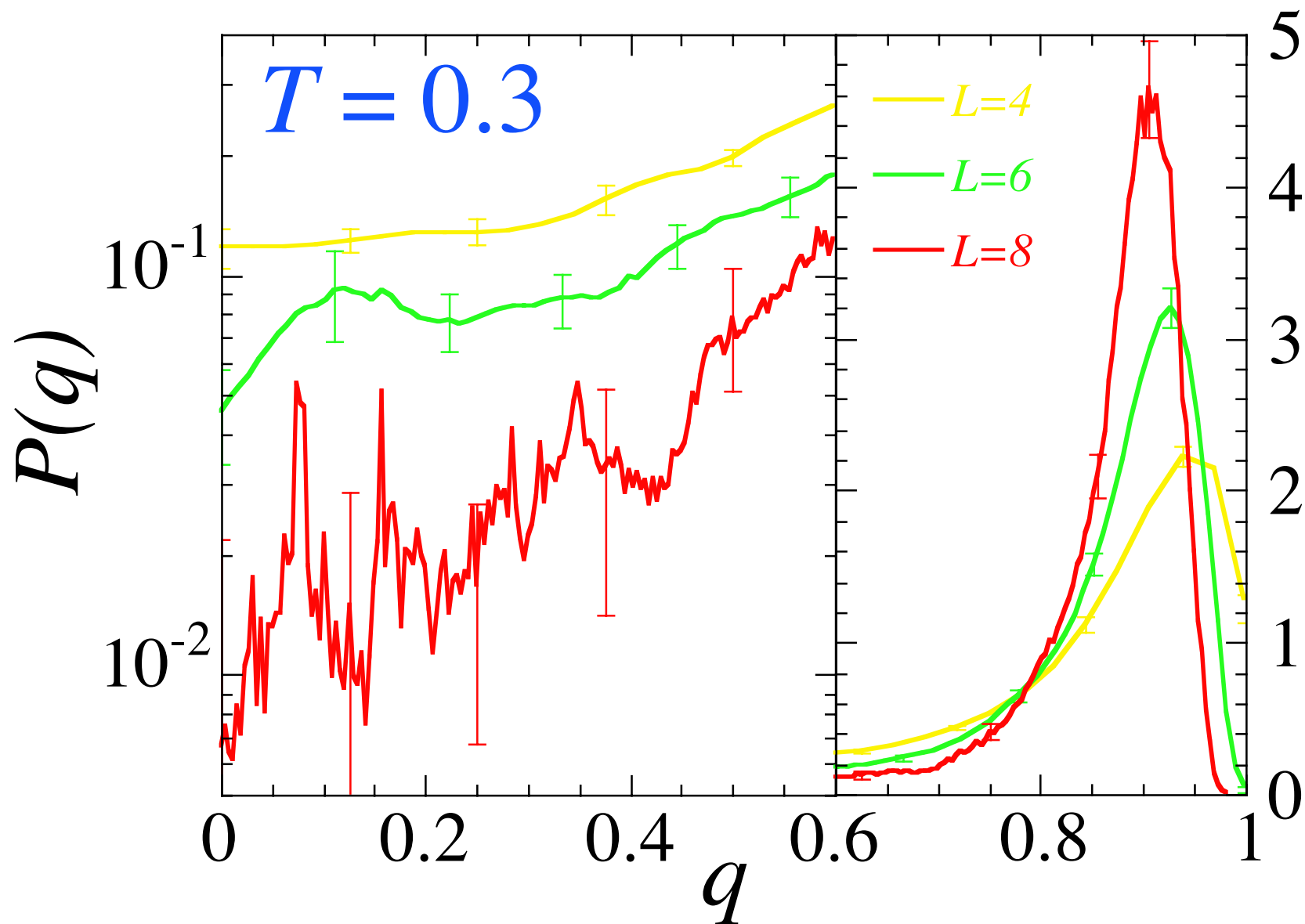
自由エネルギー



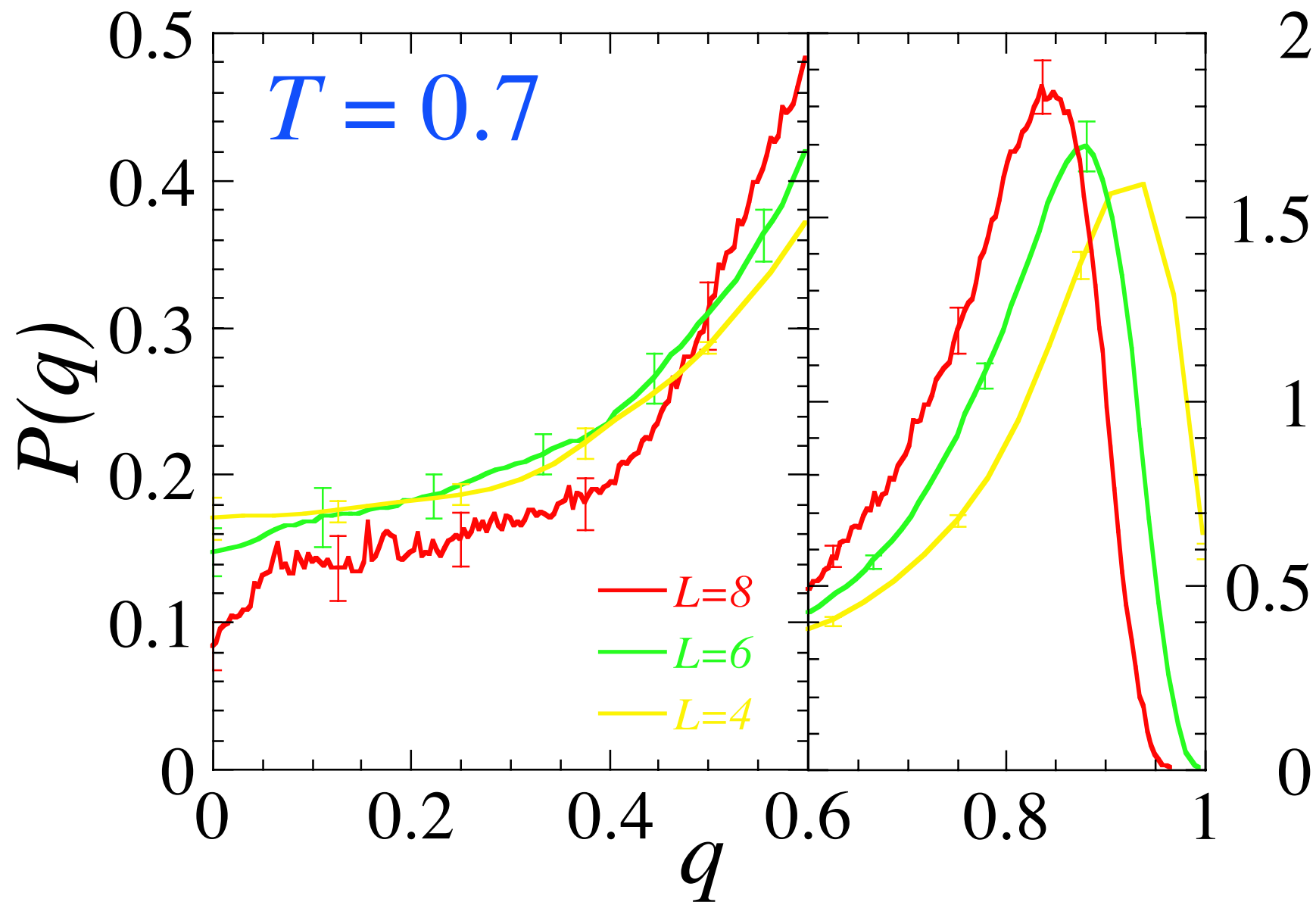
$$L \rightarrow \infty$$

$$T \approx 0$$

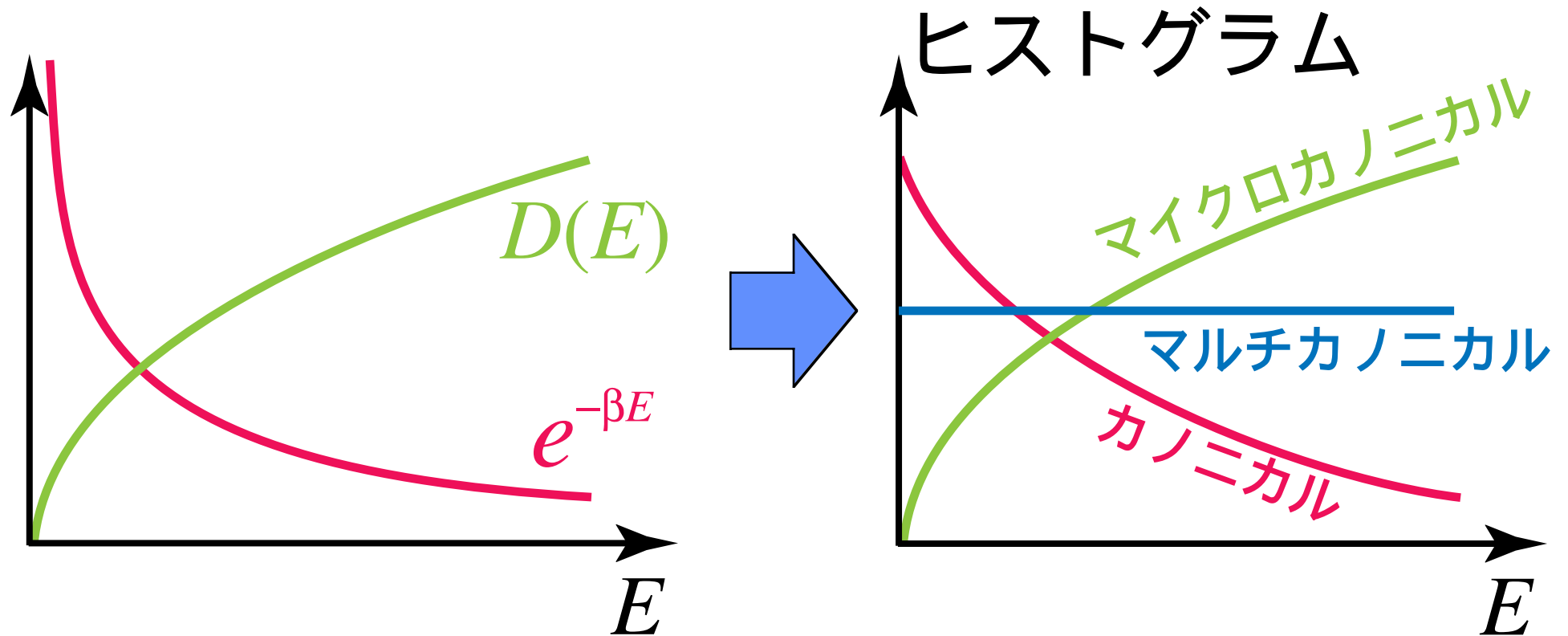
# 秩序変数の分布関数



# 秩序変数の分布関数(高温)



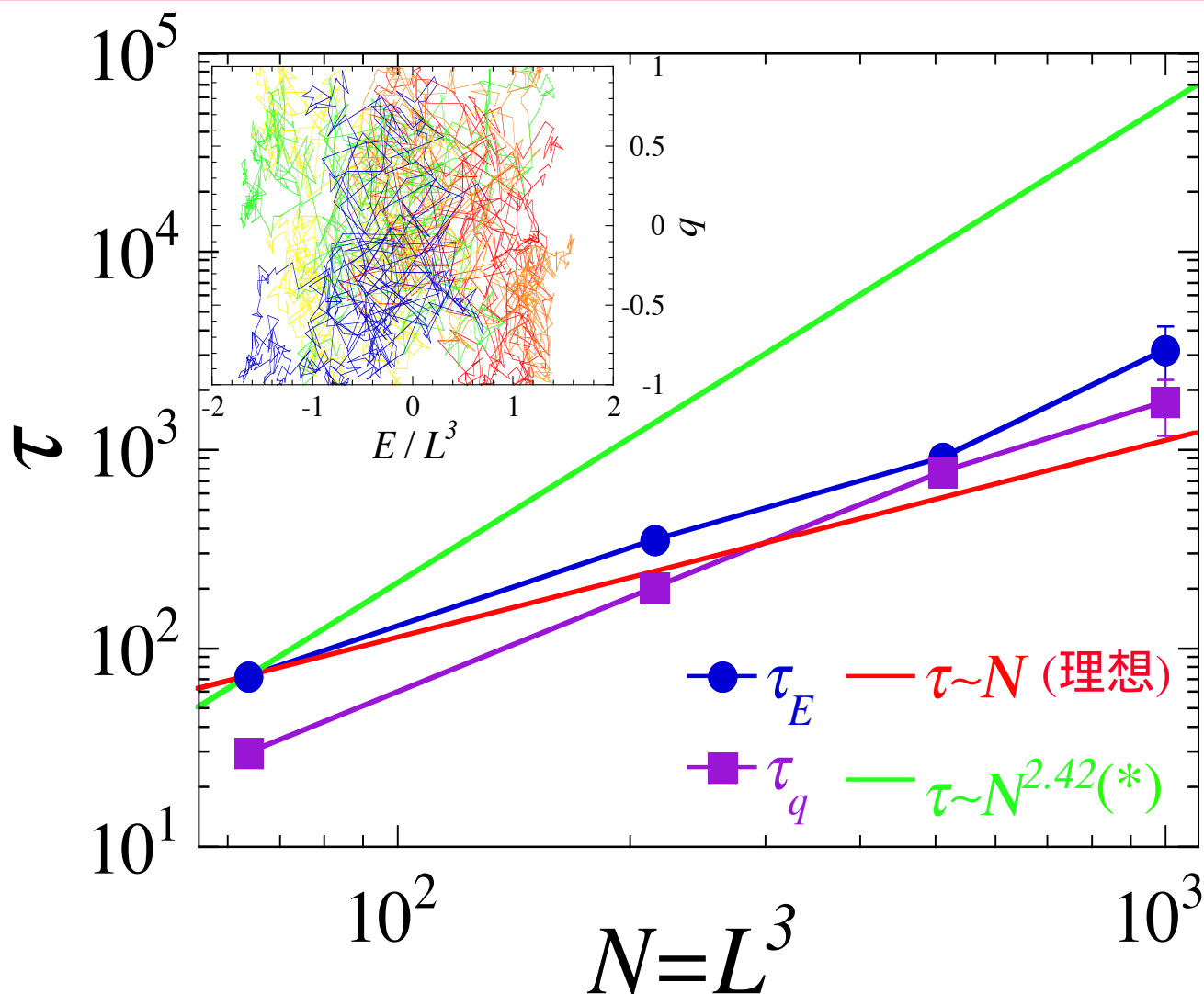
# マルチカノニカル・モンテカルロ法



マイクロカノニカル：低エネルギー状態が少ない  
カノニカル：高エネルギー状態が少ないため、  
自由エネルギーの極小に捕捉される  
マルチカノニカル：どのエネルギーも一様に出現

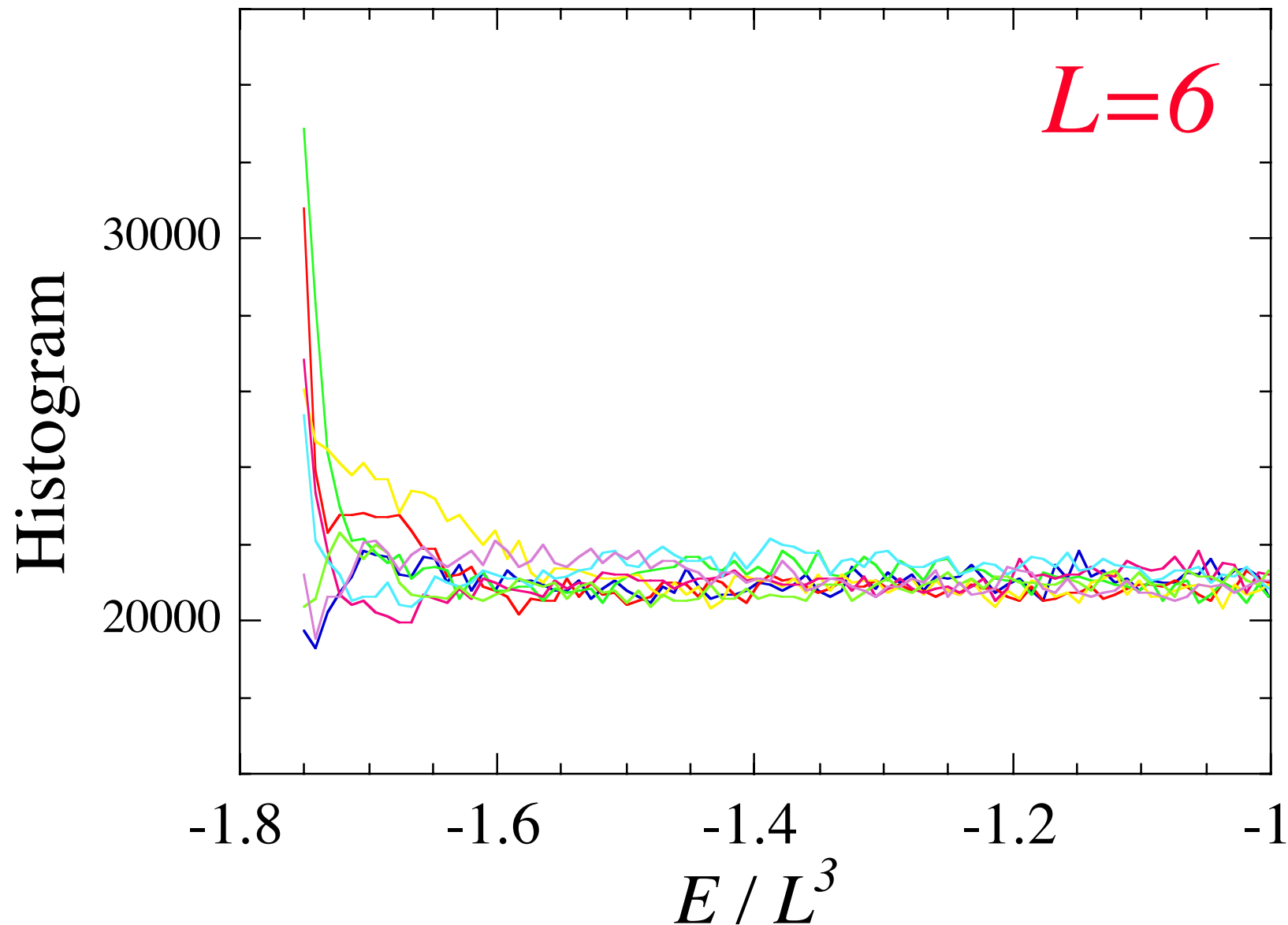
# 二変数マルチカノニカル法

二変数ヒストグラム  $h(E, q)$  を平らに



(\*) Monovariate multicanonical  
Berg & Janke, PRL80, 4771 ('98)

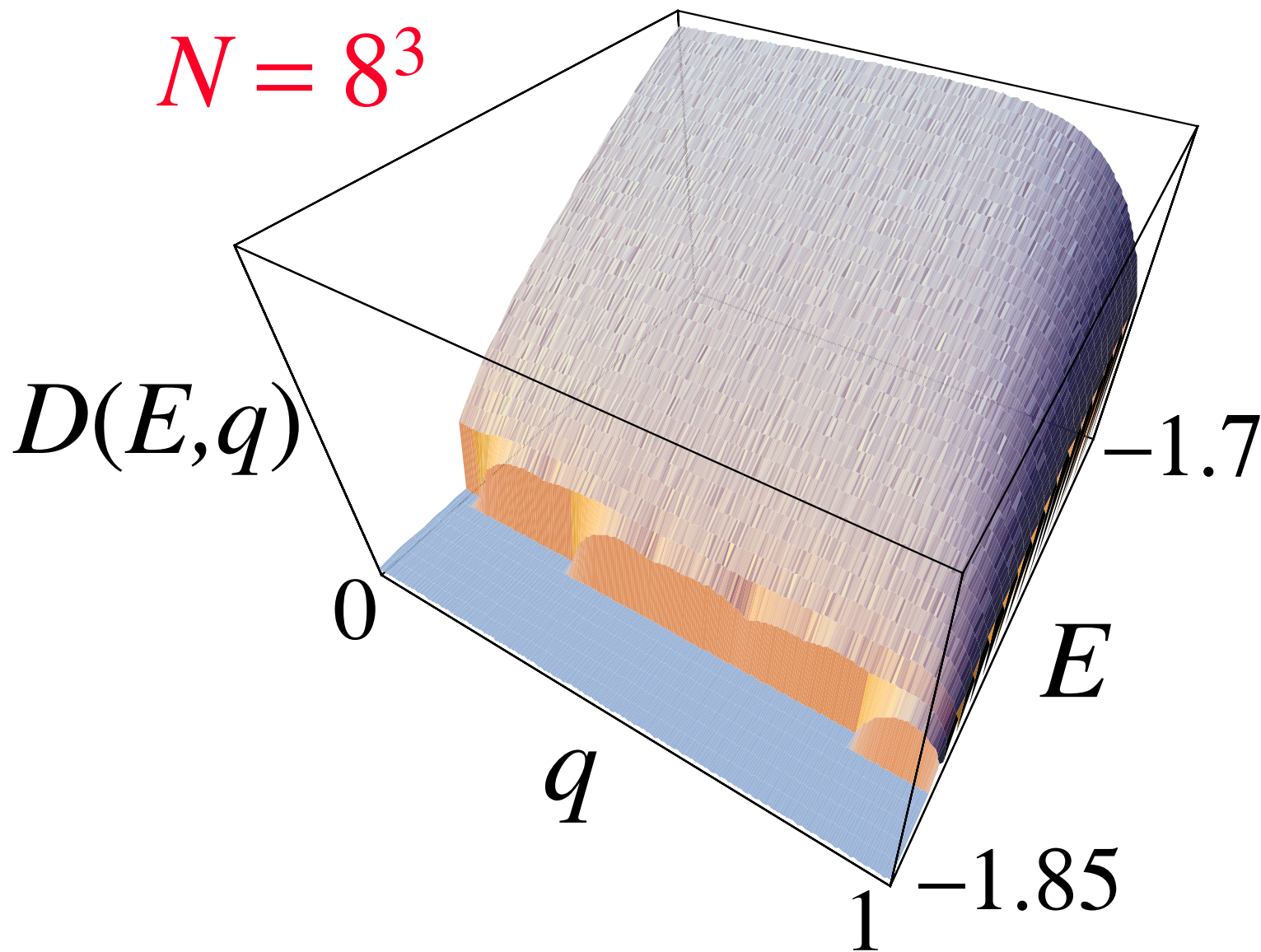
# 一変数マルチカノニカル法





# 二变数状态密度 $D(E, q)$

$$N = 8^3$$



## まとめ

- 二変数マルチカノニカル・  
モンテカルロ法  
→ 時間相関長:  $\tau \sim N$
- 低温相の性質  
→  $P(q; T=0.3)$  は  
液滴描像を支持

# Aoyama+ 計画

## 並列コンピュータ ARK

Dual Pentium II 350MHz 69 台

Fast Ethernet 100Mbps

スイッチング・ハブ 24Gbps

RAID ディスク 110GB

最高処理速度 約 10Gflops

<http://www.phys.aoyama.ac.jp/~aoyama+>